

گروه آموزشی کلاسیویج

Classwich.ir



نمونه سوالات تستی

مبحث اعداد اول

فصل دوم ریاضی هشتم

شامل ۵۰ تست به همراه پاسخ تشریحی

تهیه کننده : عرفان خیامی



۱. مجموع مربعات دو عدد اول ۳۶۵ است. اختلاف آن‌ها چقدر است؟

۲۱ (۱) ۱۷ (۲) ۱۵ (۳) ۲۹ (۴)

۲.  $m$  و  $n$  دو عدد اول فرد مختلف هستند. عدد  $(4m^3)^7 \times (3n^2)^5 \times 100$  چند مقسوم‌علیه اول دارد؟

۲ (۱) ۳ (۲) ۵ (۳) ۷ (۴)

۳. برای آنکه تحقیق کنیم عدد ۱۲۳۱ اول است یا مرکب کفایت بخش‌پذیری آن را بر چند عدد اول بررسی کنیم.

۹ (۱) ۱۰ (۲) ۱۱ (۳) ۱۲ (۴)

۴. چند عدد طبیعی کوچک‌تر از ۵۰ داریم که نسبت به ۵۰ اول باشند؟

۱۶ (۱) ۱۷ (۲) ۱۸ (۳) ۱۹ (۴)

۵. در روش غربال اراتستن برای یافتن اعداد اول کم‌تر از ۲۰۱۸ آخرین عدد اولی که مضارب آن در جدول خط می‌خورد چیست؟

۴۷ (۱) ۳۷ (۲) ۲۳ (۳) ۴۳ (۴)

۶. در روش غربال اراتستن برای یافتن اعداد اول کم‌تر از ۱۳۹۶، ۷۰۹ امین عددی که خط می‌خورد کدام است؟

۸۷ (۱) ۸۱ (۲) ۷۵ (۳) ۶۹ (۴)

۷. عدد  $11^{1213}$  چند مقسوم‌علیه اول دارد؟

۱ (۱) ۲ (۲) ۶ (۳) ۷ (۴)

۸. حاصل ضرب مقسوم‌علیه‌های عدد  $3^{100}$  کدام است؟

۳۱۰۱۰ (۱) ۳۲۵۲۵ (۲) ۳۵۰۵۰ (۳) ۳۲۵۲۵ (۴)

۹. اگر  $(a, b) = 1$  و  $\frac{a}{b} = \frac{20}{100}$ ، آن‌گاه  $b - a$  کدام است؟

۵ (۱) ۴ (۲) ۱۰ (۳) ۲۰ (۴)

۱۰. در غربال عددهای ۵۰ تا ۱۶۰، برای تعیین اعداد اول در مرحله حذف مضرب‌های ۱۱، عددی که برای اولین بار خط می‌خورد کدام است؟

۱۲۲ (۱) ۱۲۱ (۲) ۱۳۲ (۳) ۵۵ (۴)

۱۱. در روش غربال عددهای بین ۱۰۰ تا ۲۵۰، کدام عدد چهار بار خط می‌خورد؟

۱۲۰ (۱) ۲۱۰ (۲) ۱۵۰ (۳) ۱۰۵ (۴)

۱۲. در روش غربال اعداد ۱ تا ۱۵۰، کدام عدد دیرتر خط می‌خورد؟

۱۲۱ (۱) ۱۴۳ (۲) ۴۹ (۳) ۱۴۷ (۴)

۱۳. اگر حاصل ضرب سه عدد اول ۳۸۵ باشد، حاصل جمع دو عدد بزرگ‌تر کدام است؟

۱۲ (۱) ۲۳ (۲) ۱۶ (۳) ۱۸ (۴)

۱۴. کدام یک از اعداد زیر شمارنده عدد  $20^4 \times 21^3 \times 55^2$  است؟

$3 \times 2^{10}$  (۱)  $7^4 \times 5^3$  (۲)  $11^3 \times 3^3$  (۳)  $2^7 \times 3^2$  (۴)

۱۵. اگر کم‌کم دو عدد  $4a$  و  $18a$ ، ۷۲ باشد، در مورد  $a$  کدام گزینه درست است؟

(۱)  $a$  عدد فرد اول است. (۲)  $a$  مضربی از ۳ است.

(۳)  $a$  نمی‌تواند عددی اول باشد. (۴)  $a$  کوچک‌ترین عدد اول است.

۱۶. در تساوی  $(\square, 33) = 1$ ، کدام عدد را نمی‌توانیم در مربع قرار دهیم؟

۵۰ (۱)  $13^2 \times 5^2$  (۲)  $4 \times 121$  (۳) ۲۱۲ (۴)

۱۷. در روش غربال، برای پیدا کردن اعداد اول بین ۱ تا ۲۹۰، بعد از حذف عدد ۲۴۷ کدام عدد خط می خورد؟

- ۲۸۹ (۱)      ۲۶۰ (۲)      ۲۷۳ (۳)      ۲۴۸ (۴)

۱۸. در تعیین اعداد اول بین ۱ تا ۲۰۰ به روش غربال، صد و دهمین عددی که خط می خورد، کدام است؟

- ۵۷ (۱)      ۶۰ (۲)      ۶۳ (۳)      ۶۶ (۴)

۱۹. اگر  $b > a$ ،  $(a, b) = ۶$ ،  $[a, b] = ۳۶$ ،  $a + b = ۳۰$ ، حاصل عبارت  $۲a + b$  برابر است با:

- ۴۲ (۱)      ۴۸ (۲)      ۳۶ (۳)      ۶۶ (۴)

۲۰. حاصل عبارت  $\frac{(x, x^۲y) \div [x^۳y^۲, xy^۲, xy]}{(x^۳y^۳, y^۲x^۲)}$  کدام گزینه است؟

- ۱ (۱)       $\frac{1}{x^۴y^۴}$  (۲)       $\frac{x^۲}{y^۲}$  (۳)       $\frac{x^۴}{y^۴}$  (۴)

۲۱. اگر حاصل ضرب دو عدد ۶۴۸ باشد، حداکثر ب.م.م این دو عدد کدام است؟

- ۱۸ (۱)       $۳^۲ \times ۲^۳$  (۲)      ۹ (۳)      ۲۱ (۴)

۲۲. اگر  $a = n + ۱$  و  $b = n$ ، حاصل عبارت  $\frac{[a, [a, b]]}{(b, (a, b))}$  کدام است؟

- ۱ (۱)       $\frac{a}{b}$  (۲)       $\frac{b}{a}$  (۳)       $ab$  (۴)

۲۳.  $۵^۷ - ۳^۷$  بر کدام عدد بخش پذیر است؟

- ۸ (۱)      ۲ (۲)      ۱۰ (۳)      ۱۹ (۴)

۲۴. تعداد شمارنده‌های مشترک اعداد ۳۶۰، ۵۴۰ و ۲۰۰ را به دست آورید و بگویید کدام گزینه نشان دهنده‌ی این تعداد می باشد؟

- ۶ (۱)      ۳ (۲)      ۸ (۳)      ۷ (۴)

۲۵. حاصل تفاضل عدد ۹۸۷ و مقلوب آن بر کدام دسته از اعداد زیر بخش پذیر است؟

- ۱۵ و ۳ (۱)      ۱۱ و ۳ (۲)      ۱۷ و ۹ (۳)      ۱۱ و ۲ (۴)

۲۶. با فرض اینکه  $A = ۳^{n+1}$  و  $B = ۲^{n-1}$  ( $n \in \mathbb{N}$ )، بزرگ‌ترین مقسوم علیه مشترک  $A$  و  $B$  کدام است؟

- ۱ (۱)       $۶^{n+1}$  (۲)       $۶^{n-1}$  (۳)      ۶ (۴)

۲۷. اگر مجموعه‌ی  $A = \left\{ 1, x, y, z, \frac{z^۲}{y}, \frac{z^۲}{x}, z^۲ \right\}$  مقسوم علیه یک عدد باشد. آن عدد برابر است با:

- ۳۶ (۱)      ۸۱ (۲)      ۱۰۰ (۳)      ۶۴ (۴)

۲۸. کدام یک از عبارتهای زیر درست است؟

- (۱) تعداد اعداد اول کوچک‌تر از ۱۰، پنج تا است.      (۲) عدد یک نه اول است و نه مرکب  
(۳) تعداد اعداد مرکب کمتر از ۱۰، پنج تا است.      (۴) عدد طبیعی صفر نه مثبت است و نه منفی

۲۹. کدام جمله صحیح است؟

- (۱) هر عدد طبیعی اول است یا مرکب.      (۲) عدد  $۱۲^۷ + ۱۰۷^۵ + ۱$  اول است.  
(۳) تمام اعداد اول دارای دو مقسوم علیه طبیعی متمایز می‌باشند.      (۴) هر عدد طبیعی لااقل یک مقسوم علیه اول دارد.

۳۰.  $p$  و  $q$  دو عدد اول فرد و متمایزند، عدد  $q^{p-1} \times (۲p)^{q-1}$  چند مقسوم علیه طبیعی دارد؟

- $q^۲p$  (۱)       $p^۲q$  (۲)       $۲^q \times pq$  (۳)       $pq$  (۴)

۳۱. حاصل ضرب دو عدد اول برابر است با ۴۵۴، مجموع ارقام عدد بزرگتر چند است؟

- (۱) ۱۹ (۲) ۱۷ (۳) ۱۳ (۴) ۱۱

۳۲.  $k$  چه قدر باشد تا عدد  $A = 3^n \times 64$  دارای ۶۳ مقسوم علیه باشد؟

- (۱) ۹ (۲) ۸ (۳) ۷ (۴) ۶

۳۳. در روش غربال عدد ۴۹۳ اولین مرتبه با مضرب کدام عدد خط می خورد؟

- (۱) ۱۱ (۲) ۱۷ (۳) ۱۳ (۴) ۷

۳۴. در غربال اراتستن برای یافتن اعداد اول تا ۱۳۹۰ به کار برده ایم آخرین عدد اولی که مضرب آن در این سری اعداد خط می خورد چیست؟

- (۱) ۱۰۸۹ (۲) ۱۳۶۹ (۳) ۱۷۵ (۴) ۱۱۵۶

۳۵. اگر  $a$  یکی از شمارنده های  $b$  باشد، حاصل عبارت  $\frac{[b, (a, b)]}{(b, [a, b])}$  کدام است؟

- (۱)  $\frac{a}{b}$  (۲)  $\frac{b}{a}$  (۳) ۱ (۴)  $a$

۳۶. در مورد دو عدد ۱۱۰۱۱ و  $(1^{23} + 76^{23} + 75^{24})$  کدام گزینه درست است؟

- (۱) هر دو اول اند. (۲) هر دو مرکب اند.  
(۳) ۱۱۰۱۱ اول است. (۴)  $1^{23} + 76^{23} + 75^{24}$  اول است.

۳۷. کدام جمله نادرست است؟

- (۱) هر عدد طبیعی حداقل یک مقسوم علیه اول دارد. (۲) تنها مقسوم علیه اول عدد ۱۷ خود ۱۷ است.  
(۳) هر عدد مرکب را می توان به صورت حاصل ضرب اعداد اول (۴) عدد زوج اول هم داریم.  
نوشت.

۳۸. اگر  $a$  یک عدد اول بزرگتر از ۳ باشد، کدام مطلب زیر درست است؟

- (۱) تمام مقسوم علیه های عدد  $a$  زوج هستند. (۲) فقط یک عدد، مقسوم علیه عدد  $a$  است.  
(۳) تمام مقسوم علیه های عدد  $a$  فرد هستند. (۴) عدد  $a$  مقسوم علیه ندارد.

۳۹. ب م م و ک م م سه عدد ۹۰، ۴۲ و ۱۰۸ به ترتیب از راست به چپ کدامند؟

- (۱) ۳۸۷۰ و ۶ (۲) ۳۷۸۰ و ۶ (۳) ۳۸۷۰ و ۲ (۴) ۳۷۸۰ و ۲

۴۰. اگر  $A = 6a \times b^3$  و  $B = 2a^2bc$  باشد، ب م م آن برابر است با:  $(a, b, c, x)$  اول

- (۱)  $24a^2bcx$  (۲)  $12a^2b^3cx$  (۳)  $2ab$  (۴)  $ab$

۴۱. چند عدد دو رقمی وجود دارد که مضرب ۳ باشد ولی بر ۵ بخش پذیر نباشد؟

- (۱) ۲۴ (۲) ۲۶ (۳) ۲۵ (۴) ۲۷

۴۲. عدد  $11 \times 7 \times 5 \times 3 \times 2$  چند مقسوم علیه دارد؟

- (۱) ۲۳۱۰ (۲) ۳۲ (۳) ۵ (۴) ۲۰۰۴

۴۳. تعداد کل مقسوم علیه های ۹۰۰ چند برابر تعداد مقسوم علیه های اول این عدد است؟

- (۱) ۹ برابر (۲) ۶ برابر (۳) ۲۷ برابر (۴) ۳ برابر

۴۴. در کدام گزینه، هر سه عدد داده شده فقط از هر دو شمارنده ۳ و ۵ ساخته شده است؟

- (۱) ۵۱، ۷۵، ۲۵ (۲) ۶۴، ۲۵، ۵ (۳) ۱۵، ۱۳۵، ۲۲۵ (۴) ۳۵، ۸۱، ۹

۴۵. چند عدد ۳ رقمی وجود دارد که بر ۱۹ بخش پذیر است؟

۴۸ (۴)

۴۷ (۳)

۴۶ (۲)

۴۵ (۱)

۴۶. تعداد مقسوم علیه‌های مرکب عدد ۲۷۰۰۰ کدام است؟

۵۰ (۴)

۶۴ (۳)

۶۰ (۲)

۵۴ (۱)

۴۷. کوچک‌ترین عدد مرکبی که بر چهار عدد اول بخش پذیر باشد، کدام است؟

۱۰ (۴)

۱۱۰ (۳)

۲۱۰ (۲)

۳۱۰ (۱)

۴۸. اگر  $a$  بر  $b$  بخش پذیر باشد. حاصل عبارت  $\frac{a}{[a, b]}$  کدام است؟

$a$  (۴)

$\frac{1}{a}$  (۳)

$\frac{1}{b}$  (۲)

۱ (۱)

۴۹. اگر  $m$  و  $n$  دو عدد متباین باشند، حاصل عبارت  $\frac{([m, n], (m, n))}{([m, m], (n, n))}$  کدام است؟

$\frac{n}{m}$  (۴)

$\frac{m}{n}$  (۳)

۱ (۲)

$m \times n$  (۱)

۵۰. اگر  $(A, B) = C$  و  $[A, B] = D$ ، حاصل عبارت  $(AB, CD)$  کدام است؟

$CD$  (۴)

$AB$  (۳)

$[C, D]$  (۲)

$C + D$  (۱)



۱. گزینه ۲ همواره مجموع یک عدد فرد با یک عدد زوج، فرد می‌شود. و تنها عدد زوج اول ۲ است.

$$۲^۲ + x^۲ = ۳۶۵ \Rightarrow x^۲ = ۳۶۵ - ۴ = ۳۶۱ \rightarrow x = \underline{۱۹}$$

حال اختلاف آن‌ها را حساب می‌کنیم:

$$۱۹ - ۲ = \underline{۱۷}$$

۲. گزینه ۳

$$\underbrace{۱۰۰ \times (۳n^۲)^۵ \times (۴m^۳)^۷}_{(۵^۲ \times ۲^۲) \times (۳^۵ \times n^{۱۰}) \times (۲^{۱۴} \times m^{۲۱})}$$

شمارنده‌های اول:  $m, n, ۳, ۲, ۵$

۳. گزینه ۳

$$\sqrt{۱۲۳۱} = ۳۵,۰۰۰ \Rightarrow \{۲, ۳, ۵, ۷, ۱۱, ۱۳, ۱۷, ۱۹, ۲۳, ۲۹, ۳۱\} \quad \text{تا } ۱۱$$

۴. گزینه ۴

تمام اعداد کوچک‌تر از ۵۰ بجز شمارنده‌های آن:

$$\{۳, ۷, ۹, ۱۱, ۱۳, ۱۷, ۱۹, ۲۱, ۲۳, ۲۷, ۲۹, ۳۱, ۳۳, ۳۷, ۴۱, ۴۳, ۴۷, ۴۹, ۱\}$$

۵. گزینه ۴

$$\sqrt{۲۰۱۸} = ۴۴,۰۰۰ \Rightarrow ۴۳$$

۶. گزینه ۴

طبق روش غربال ابتدا باید عدد ۱ خط بخورد سپس به عدد ۲ می‌رسیم که عددی اول است در نتیجه به جز خود عدد ۲ تمام مضارب آن باید خط بخورد بنابراین برای حذف مضارب ۲ به روش زیر عمل می‌کنیم:

$$\frac{۱۳۹۶}{۲} = ۶۹۸ - ۱ = ۶۹۷ \quad \text{اعداد زوجی که خط می‌خورد به جز عدد ۲}$$

با در نظر گرفتن عدد ۱ که در ابتدا خط خورده بود ۶۹۸ عدد تاکنون خط خورده‌اند. حال در مرحله‌ی بعد به سراغ مضارب ۳ می‌رویم:

۶۹	۶۳	۵۷	۵۱	۴۵	۳۹	۳۳	۲۷	۲۱	۱۵	۹	حاصل مضارب ۳
۷۰۹	۷۰۸	۷۰۷	۷۰۶	۷۰۵	۷۰۴	۷۰۳	۷۰۲	۷۰۱	۷۰۰	۶۹۹	شماره :

۷. گزینه ۱

مقسوم‌علیه اول :

$$۱۱۱۲۱۳ \Rightarrow \text{فقط } ۱۱$$

۸. گزینه ۳

$$۳^{۱۰۰} \quad \text{مقسوم‌علیه‌های } \{۱, ۳, ۳^۲, ۳^۳, ۳^۴, ۳^۵, \dots, ۳^{۹۹}, ۳^{۱۰۰}\}$$

$$۱ \times ۳ \times ۳^۲ \times ۳^۳ \times ۳^۴ \times ۳^۵ \times \dots \times ۳^{۱۰۰}$$

نکته:

$$۱ + ۲ + ۳ + \dots + n = \frac{n(n+1)}{۲}$$

$$= ۳^{۱+۲+۳+\dots+۱۰۰} = ۳^{\frac{۱۰۰ \times ۱۰۱}{۲}} = ۳^{۵۰۵۰}$$

۹. گزینه ۲

$$\frac{a}{b} = \frac{۲۰}{۱۰۰} = \frac{۱}{۵}, (۱, ۵) = ۱ \Rightarrow b - a = ۵ - ۱ = ۴$$

۱۰. گزینه ۲ مضرب‌های ۱۱، ۵۰ تا ۱۶۰ عبارتند از ۵۵، ۷۷، ۸۸، ۹۹، ۱۱۰، ۱۲۱ و ...



۱۱. گزینه ۲ با دقت در گزینه‌های ۱، ۳ و ۴ می‌بینیم که پس از تجزیه، هر کدام به ۳ عدد اول متمایز بخش‌پذیر هستند، پس سه بار خط می‌خورند. داریم:

$$120 = 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 3$$

$$150 = 2 \times 3 \times 5 \times 5$$

$$105 = 3 \times 7 \times 5$$

اما عدد ۲۱۰ بر چهار عدد اول ۲، ۳، ۵ و ۷ بخش‌پذیر است، پس در غربال ۴ بار خط می‌خورد.

۱۲. گزینه ۲ چون گزینه ۱ با مضارب ۱۱، گزینه ۳ با مضارب ۷ و گزینه ۴ با مضارب ۳ خط می‌خورند و گزینه ۲ با مضارب ۱۱ بعد از ۱۲۱ خط می‌خورد، پس گزینه ۲ درست است.

۱۳. گزینه ۴ راه حل اول:

به کمک راهبرد جدول حدس و آزمایش، داریم:

بررسی	حاصل ضرب	عدد سوم	عدد دوم	عدد اول
×	۳۰	۵	۳	۲
×	۱۰۵	۷	۵	۳
✓	۳۸۵	۱۱	۷	۵

چون مسأله مجموع دو عدد بزرگ‌تر را خواسته، داریم:  $7 + 11 = 18$   
راه حل دوم:

می‌توانیم ۳۸۵ را تجزیه کنیم:

$$385 = 5 \times 11 \times 7$$

در این صورت می‌بینیم که ۳۸۵ از حاصل ضرب سه عدد اول تشکیل شده است که مجموع دو عدد بزرگ‌تر عبارت است از:

$$7 + 11 = 18$$

۱۴. گزینه ۴ نکته: شمارنده عدد  $A$  پس از تجزیه به عامل‌های اول، باید شامل پایه‌هایی باشد که در  $A$  وجود دارد و توان آن پایه‌ها کوچک‌تر یا مساوی توان پایه‌های نظیرش در  $A$  باشد.

مطابق نکته، ابتدا  $A$  را تجزیه می‌کنیم:

$$A = 20^4 \times 21^3 \times 55^2 = (2^2 \times 5)^4 \times (3 \times 7)^3 \times (5 \times 11)^2 = 2^8 \times 5^6 \times 3^3 \times 7^3 \times 11^2$$

با توجه به گزینه‌ها و توان آن‌ها، تنها گزینه ۴ می‌تواند شمارنده عدد  $A$  باشد.

۱۵. گزینه ۴

$$[a, b] = \frac{a \times b}{(a, b)}$$

$$\left. \begin{array}{l} 4a = 2 \times 2 \times a \\ 18a = 2 \times 3^2 \times a \end{array} \right\} \Rightarrow (4a, 18a) = 2a \Rightarrow \frac{4a \times 18a}{2a} = 72 \Rightarrow 36a = 72 \Rightarrow a = 2$$

پس گزینه ۴ درست است.

۱۶. گزینه ۳ می‌دانیم:  $33 = 3 \times 11$ ، پس:

با بررسی سؤال مشاهده می‌کنیم که عدد داخل مربع نباید مضربی از ۳ و ۱۱ باشد که در گزینه‌های ۱، ۲ و ۴ مضرب‌های ۳ و ۱۱ به کار نرفته است و فقط در گزینه ۳ مضرب ۱۱ استفاده شده است.

$$4 \times 121 = 4 \times 11^2$$

پس گزینه ۳ درست است.

۱۷. گزینه ۱ در روش غربال، اولین مضربی که از یک عدد اول خط می‌خورد مربع آن عدد است. (مضارب قبلی قبلاً خط خورده‌اند.)

عدد ۲۴۷ نوزدهمین مضرب ۱۳ است. از بین مضارب بعدی عدد ۱۳، اعداد ۲۶۰، ۲۷۳ و ۲۸۶ قبلاً خط خورده‌اند، چون مضرب ۲ یا ۳ هستند. پس از آن‌ها اولین عددی که خط می‌خورد مربع عدد ۱۷ یعنی ۲۸۹ است.

۱۸. گزینه ۳ عدد ۱ را خط می‌زنیم ← بنابراین یک عدد خط می‌خورد.

از مضارب عدد ۳، زوج‌ها قبلاً خط خورده‌اند و فقط اعداد فرد مضرب ۳ را به‌جز خودش خط می‌زنیم که برای یافتن صد و دهمین عددی که خط می‌خورد، ۱۰ تا از این مضارب را باید بشماریم، یعنی ۹، ۱۵، ۲۱، ۲۷، ۳۳، ۳۹، ۴۵، ۵۱، ۵۷، ۶۳. بنابراین صد و دهمین عددی که خط می‌خورد، عدد ۶۳ می‌باشد.

۱۹. گزینه ۱

$$(a, b) = 6 = 2 \times 3, b > a \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \Rightarrow a \times b = [a, b](a, b) = 2^3 \times 3^3 = \begin{cases} 8 \times 27 \\ 36 \times 6 \\ \underbrace{12} \times \underbrace{18} \rightarrow a + b = 30 \end{cases}$$

که طبق فرض سؤال درست است. حال  $2a + b$  را حساب می‌کنیم:

$$2a + b = 2 \times 12 + 18 = 24 + 18 = 42$$

۲۰. گزینه ۲

$$\frac{(x, x \times x \times y) \div [x \times yx \times y \times x, x \times y \times y, x \times y]}{(x \times x \times x \times y \times y \times y, y \times y \times x \times x)}$$

$$= \frac{x \div x \times x \times x \times y \times y}{x \times x \times y \times y} = \frac{\cancel{x} xxyy}{xxyy} = \frac{1}{xxyy} = \frac{1}{xxxxyyyy} = \frac{1}{x^4y^4}$$

۲۱. گزینه ۱ باید به طور مساوی ضریب‌ها را بین  $A$  و  $B$  قسمت کنیم، تا حداکثر مقسوم علیه مشترک را دو عدد داشته باشند:

۶۴۸ ۲  
۳۲۴ ۲  
۱۶۲ ۲  
۸۱ ۳  
۳۷ ۳  
۹ ۳  
۳ ۳  
۱

$$\left. \begin{array}{l} 648 = 2^3 \times 3^4 \\ A = 2^2 \times 3^2 \\ B = 2 \times 3^2 \end{array} \right\} \Rightarrow (A, B) = 2 \times 3^2 = 18$$

۲۲. گزینه ۴  $a$  و  $b$  دو عدد متوالی‌اند، بنابراین:

$$(a, b) = 1$$

$$\frac{[a, [a, b]]}{(b, (a, b))} = \frac{[a, ab]}{(b, 1)} = \frac{ab}{1} = ab$$

۲۳. گزینه ۲ نکته: اگر  $n$  عددی زوج باشد آنگاه  $a^n - b^n$  هم بر  $(a - b)$  و هم بر  $(a + b)$  بخش پذیر است. اما اگر  $n$  عددی فرد باشد آنگاه فقط بر  $a - b$  بخش پذیر است.

توان ۷ عددی فرد است پس فقط بر  $2 = 3 - 5$  بخش پذیر است.

۲۴. گزینه ۱ تعداد شمارنده‌های مشترک این سه عدد = تعداد شمارنده‌ی ب‌م‌ا‌ن‌ها

$$200 = 2^3 \times 5^2 \quad 540 = 2^2 \times 3^3 \times 5 \quad 360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$

$$(200, 540, 360) = 2^1 \times 5^1 \Rightarrow (2+1) \times (1+1) = 6$$

۲۵. گزینه ۲

مقلوب عدد ۹۸۷ برابر است با ۷۸۹

$$987 - 789 = 198$$



بخش پذیر بر ۳ → ۱۹۸  
 بخش پذیر بر ۹ → ۱۹۸  
 بخش پذیر بر ۱۱ → ۱۹۸

۲۶. گزینه ۱ این دو عدد دارای هیچ عامل مشترکی نیستند. پس ب م آن‌ها ۱ است.

$$\left. \begin{aligned} B &= 2^{n-1} \\ A &= 3^{n+1} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \text{ب م} = 1$$

۲۷. گزینه ۴ فقط ۶۴ دارای ۷ مقسوم علیه است.

$$A = \{1, 2, 4, 8, 16, 32, 64\}$$

۲۸. گزینه ۲

۴) صفر عدد طبیعی نیست.

۳) ۸, ۶, ۴, ۹

✓) ۲

۱) ۲, ۳, ۵, ۷

عدد یک استثناء است.

۲۹. گزینه ۳ چون هر عدد اولی بر ۱ و خودش بخش پذیر است.

۳۰. گزینه ۱

$$A = 2^{q-1} \times p^{q-1} \times q^{p-1} \Rightarrow$$

$$(q-1+1)(q-1+1)(p-1+1) = (q)(q)(p) = q^2 p$$

۳۱. گزینه ۴

$$۴۵۴ = ۲۲۷ \times ۲ \rightarrow \text{زوج اول} \times (۲) = \text{زوج}$$

$$۲ + ۲ + ۷ = ۱۱$$

۳۲. گزینه ۲

$$A = 3^n \times 2^6$$

$$\text{تعداد شمارنده} = (n+1)(6+1) = ۶۳$$

$$(n+1)(۷) = ۶۳ \xrightarrow[\text{بر ۷}]{\text{تقسیم بر طرفین}} x+1 = 9 \rightarrow n = 8$$

۳۳. گزینه ۲

$$\begin{array}{c} ۴۹۳ \\ / \quad \backslash \\ ۱۷ \quad ۲۹ \end{array}$$

۳۴. گزینه ۲ اعداد اول تا ۳۷ چک می‌شود.

$$\sqrt{۱۳۹۰} = ۳۷۱۲۸$$

$$۳۷ \times ۳۷ = ۱۳۶۹$$

۳۵. گزینه ۳ بر  $a$  بخش پذیر است، بنابراین:

$$\frac{[b, (a, b)]}{(b, [a, b])} = \frac{[b, a]}{(b, b)} = \frac{b}{b} = 1$$

۳۶. گزینه ۲ عدد ۱۱۰۱۱ بر ۱۱ بخش پذیر است.

و عدد  $۱^{۲۳} + ۷۶^{۲۳} + ۷۵^{۲۴}$  دارای یکان  $(۲ = ۵ + ۶ + ۱)$  می‌باشد، پس زوج است و بر ۲ بخش پذیر است.

۳۷. گزینه ۱ عدد ۱ نه مرکب است و نه اول و تنها مقسوم علیه آن ۱ است.

۳۸. گزینه ۳

تنها عدد اولی که مقسوم علیه زوج دارد ۲ می‌باشد.

بنابراین ب م آن‌ها برابر  $6 = 3 \times 2$  و کم  $7 \times 5 \times 3^2 \times 2^2$  است.  
**گزینه ۳**

$$B = 2 \times a^2 \times b \times c \quad A = 2 \times 3 \times a \times x \times b^3$$

$$m \times m = 2ab$$

**گزینه ۱** اگر از مضارب ۳ تعداد مضارب ۱۵ را کم کنیم حاصل تعداد اعدادی می‌شوند که بر ۳ بخش پذیرند ولی بر ۵ بخش پذیر نیستند.

$$\left. \begin{array}{l} \frac{100}{3} = 33 \Rightarrow 3 \text{ مضارب هم دو رقمی هم یک رقمی عدد} \\ \frac{10}{3} \simeq 3 \Rightarrow 3 \text{ مضارب یک رقمی عدد} \end{array} \right\} \text{مضارب ۲ رقمی } 30 = 3 \text{ تا}$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{100}{15} \simeq 6 \Rightarrow 15 \Rightarrow \text{مضارب یک رقمی و دو رقمی عدد} \\ \frac{10}{15} \simeq 0 \Rightarrow 15 \Rightarrow \text{مضارب یک رقمی عدد} \end{array} \right\} \text{مضارب ۲ رقمی عدد } 15 = 6 \text{ تا}$$

$$30 - 6 = 24$$

$\Rightarrow$  اعداد دو رقمی که مضرب ۳ هستند  
 ولی ۵ نه!

**گزینه ۲**

$$2^1 \times 3^1 \times 5^1 \times 7^1 \times 11^1 \Rightarrow 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$$

**گزینه ۱**

$$900 = 5^2 \times 2^2 \times 3^2$$

$$\frac{(2+1)(2+1)(2+1)}{3} = \frac{3 \times 3 \times 3}{3} = 9$$

**گزینه ۳** در گزینه ۱، ۲۵ تنها دارای شمارنده‌ی اول ۵، ۵۱ دارای شمارنده‌های اول ۳ و ۱۷ و ۷۵ دارای شمارنده‌های اول ۳ و ۵ است.  $\times$

در گزینه ۲، ۲۵ تنها دارای شمارنده‌ی اول ۵، ۵۱ دارای شمارنده‌های اول ۳ و ۱۷ و ۶۴ دارای شمارنده‌ی اول ۸ است.  $\times$   
 در گزینه ۴، ۹ دارای شمارنده‌ی اول ۳، ۸۱ دارای شمارنده‌ی اول ۳ و ۳۵ دارای شمارنده‌های اول ۵ و ۷ است.  $\times$   
 اما در گزینه ۳، هر سه عدد فقط دارای هر دو شمارنده‌ی اول ۳ و ۵ هستند.  $\checkmark$   
 پس گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

**گزینه ۳** تعداد اعداد کوچک‌تر از ۱۰۰۰ که بر ۱۹ بخش پذیرند برابر است با خارج قسمت ۱۰۰۰ بر ۱۹

$$1000 = 19 \times 52 + 2 \Rightarrow 52 \text{ عدد کوچک‌تر از } 1000 \text{ و بخش پذیر بر } 19$$

تعداد اعداد کوچک‌تر از ۱۰۰ که بر ۱۹ بخش پذیرند برابر است.

$$100 = 19 \times 5 + 5 \Rightarrow 5 \text{ عدد کوچک‌تر از } 100 \text{ که بر } 19 \text{ بخش پذیر است.}$$

چون اعداد سه رقمی مد نظر است پس باید بین ۱۰۰ و ۱۰۰۰ باشند.

$$52 - 5 = 47$$

**گزینه ۲**

$$27000 = 2^3 \times 5^3 \times 3^3 \quad \text{تعداد کل مقسوم‌علیه} = (3+1)(3+1)(3+1) = 64$$

$$\rightarrow 64 = x + 3 + 1 \rightarrow x = 64 - 4 = 60$$

تعداد کل مقسوم علیه = ۲, ۵, ۳

گزینه ۲

$$2 \times 5 \times 3 \times 7 = 210$$

گزینه ۱

$$\frac{a}{b} = k \rightarrow \begin{cases} a = bk \\ [a, b] = bk \end{cases} \Rightarrow \frac{bk}{bk} = 1$$

$$\frac{a}{[a, b]} = \frac{a}{a} = 1$$

گزینه ۲

$$(m, n) = 1 \Rightarrow \frac{([m, n], (m, n))}{([m, m], (n, n))} = \frac{(mn, 1)}{(m, n)} = \frac{1}{1} = 1$$

گزینه ۳

روش سوم:  $A \times B = [A, B](A, B) = CD \rightarrow (AB, CD) = (AB, AB) = AB$

روش اول: این سؤال را با مثال حل می‌کنیم. فرض می‌کنیم:  $(A, B) = C$      $[A, B] = D$

$A = 4$  ,  $B = 6$

$$\left. \begin{aligned} (4, 6) &= 2 \\ [4, 6] &= 12 \end{aligned} \right\} \Rightarrow (24, 24) = 24$$

روش دوم: حتماً  $CD$  بر  $AB$  بخش پذیر است، بنابراین بمم آن عدد کوچک‌تر یعنی  $AB$  است.

